

Prof. Dr. Alfred Toth

Treppen als Modelle ontischer Trajektion

1. Auf wie viele Arten man die drei Kategorien ternärer Relationen auf die 4 Plätze trajektiver Dyaden-Paare verteilen? Die vor kombinatorischem Hintergrund zunächst erstaunliche Antwort lautet: 81 (vgl. Toth 2025a), denn es handelt sich genau um die 3 mal 3 mal 9 trajektischen Dyaden-Paare des vollständigen semiotischen 27er-Systems (vgl. Toth 2025b). Für diese ist ja das Triadizitätsaxiom ternärer Semiotiken aufgehoben, das besagt, daß alle 3 Kategorien in einer n-ären Relation mit $n \geq 3$ vertreten sein müssen und daß also für $n = 3$ keine Kategorie mehrfach auftreten darf.

2. Treppen sind Paradebeispiele für Trajektion, da jede n-te Stufe mit jeder n-1-ten und jeder n+1-ten verschränkt ist.



Passage Cottin, Paris

Sie sind Instanzen für die in Toth (2015) definierte ontische Ordinationsrelation $O = (\text{sub}, \text{koo}, \text{sup})$, also eine ternäre Relation über die relativen Standpunkte von Unten, Mitte, Oben. Die Frage ist allerdings, ob es definierbare abstrakte Teilrelationen von O gibt und wie viele einander nicht-isomorphe unterschieden werden können. Dies wird im folgenden gezeigt.

Es gelten folgende kategoriellen Zuordnungen:

$1 \rightarrow \text{sub}(\text{ordinativ}), 2 \rightarrow \text{koo}(\text{rdinativ}), 3 \rightarrow \text{sup}(\text{erordinativ}).$

(sub.sub | sub.sub) (sub.sub | koo.sub) (sub.sub | sup.sub)

(sub.sub | sub.koo) (sub.sub | koo.koo) (sub.sub | sup.koo)

(sub.sub | sub.sup) (sub.sub | koo.sup) (sub.sub | sup.sup)

(sub.koo | sub.sub) (sub.koo | koo.sub) (sub.koo | sup.sub)

(sub.koo sub.koo)	(sub.koo koo.koo)	(sub.koo sup.koo)
(sub.koo sub.sup)	(sub.koo koo.sup)	(sub.koo sup.sup)
(sub.sup sub.sub)	(sub.sup koo.sub)	(sub.sup sup.sub)
(sub.sup sub.koo)	(sub.sup koo.koo)	(sub.sup sup.koo)
(sub.sup sub.sup)	(sub.sup koo.sup)	(sub.sup sup.sup)
(koo.sub sub.sub)	(koo.sub koo.sub)	(koo.sub sup.sub)
(koo.sub sub.koo)	(koo.sub koo.koo)	(koo.sub sup.koo)
(koo.sub sub.sup)	(koo.sub koo.sup)	(koo.sub sup.sup)
(koo.koo sub.sub)	(koo.koo koo.sub)	(koo.koo sup.sub)
(koo.koo sub.koo)	(koo.koo koo.koo)	(koo.koo sup.koo)
(koo.koo sub.sup)	(koo.koo koo.sup)	(koo.koo sup.sup)
(koo.sup sub.sub)	(koo.sup koo.sub)	(koo.sup sup.sub)
(koo.sup sub.koo)	(koo.sup koo.koo)	(koo.sup sup.koo)
(koo.sup sub.sup)	(koo.sup koo.sup)	(koo.sup sup.sup)
(sup.sub sub.sub)	(sup.sub koo.sub)	(sup.sub sup.sub)
(sup.sub sub.koo)	(sup.sub koo.koo)	(sup.sub sup.koo)
(sup.sub sub.sup)	(sup.sub koo.sup)	(sup.sub sup.sup)
(sup.koo sub.sub)	(koo.sup koo.sub)	(koo.sup sup.sub)
(sup.koo sub.koo)	(koo.sup koo.koo)	(koo.sup sup.koo)
(sup.koo sub.sup)	(koo.sup koo.sup)	(koo.sup sup.sup)

(sup.sup | sub.sub) (sup.sup | koo.sub) (sup.sup | sup.sub)

(sup.sup | sub.koo) (sup.sup | koo.koo) (sup.sup | sup.koo)

(sup.sup | sub.sup) (sup.sup | koo.sup) (sup.sup | sup.sup)

Literatur

Toth, Alfred, Ordinationsrelation symbolischer Repertoires. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2015

Toth, Alfred, Die Verteilung von 3 semiotischen Kategorien auf 4 Plätze. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025a

Toth, Alfred, Rekonstruktion des Systems Trichotomischer Triaden für das semiotische 27er-System aus trajektischen Dyaden. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2025b

8.12.2025